IIS CREMONA

LICEO SCIENTIFICO STATALE "LUIGI CREMONA" (Milano).

CLASSE: ____ DOCENTE: MAURO SAITA. DATA: _____

TEST SU INTEGRALI DEFINITI E ANTIDERIVATE

Cognomos	Nome:
Cognome:	Nome:

Svolgere ciascun quesito sul foglio protocollo e riportare le risposte nei box di colore grigio. ¹

1. Determinare i seguenti integrali indefiniti

(a)
$$\int \sin^2 \omega t \, dt$$

(b)
$$\int \frac{x}{x+2} \, dx$$

(c)
$$\int \tan x \, dx$$

2. Un circuito di resistenza $R=10~\Omega$ è percorso da corrente alternata di intensità pari a

$$i(t) = i_0 \sin \omega t$$

 $(i_0 = 70 \text{ A}, \, \omega = 320 \, \pi \, \text{rad/s}).$

Calcolare la potenza elettrica dissipata dal circuito per effetto Joule nell'intervallo di tempo compreso tra t=0 e $t=\frac{1}{5}$ s.

[La potenza elettrica dissipata sotto forma di calore in un circuito percorso da corrente i=i(t), è $P(t)=R\,i^2$ (R indica la resistenza del circuito)].

Integrale da calcolare: P =

¹File tex: verifica 01 derivate 2025.tex

Potenza dissipata: P =

(esprimere il risultato in Joule).

3. Calcolare l'integrale definito $\int_{-2}^{+2} \sqrt{4-x^2} \, dx$ senza utilizzare il teorema fondamentale del calcolo.

$$\int_{-2}^{+2} \sqrt{4 - x^2} \, dx =$$

4. L'intensità di corrente che attraversa un filo conduttore è $i(t) = 7e^{-\frac{t}{2}}$ (t indica il tempo misurato in secondi). Calcolare la quantità di carica che attraversa la sezione del filo dall'istante t = 0 all'istante t = 10.

Integrale da calcolare:

Quantità di carica:

5. Determinare l'area delimitata dalla parabola \mathcal{P} di equazione $y = x^2 - 4x + 3$ e dalle tangenti condotte dai suoi punti di intersezione con l'asse x.

Integrale da calcolare:

Area =

6. Vero o Falso?

(a)
$$VF$$

$$\int_1^3 f(x) dx = -\int_3^1 f(x) dx$$

(b)
$$VF$$

$$\int_{2}^{2} \log x \, dx = 0$$

(c) V F Sia $\mathbb{R} \xrightarrow{f} \mathbb{R}$ una funzione (integrabile). Allora

$$\int_{-1}^{3} f(x) \, dx = \int_{-1}^{0} f(x) \, dx + \int_{0}^{3} f(x) \, dx$$

(d) \overline{V} F Sia $\mathbb{R} \xrightarrow{f} \mathbb{R}$ una funzione (integrabile) dispari. Allora

$$\int_{-2}^{4} f(x) \, dx = \int_{2}^{4} f(x) \, dx$$

- (e) VF Sia $[a,b] \xrightarrow{f} \mathbb{R}$ una funzione integrabile. Se $\int_a^b f(x) \, dx = 0 \ (a \le b)$ allora f(x) = 0, per ogni $x \in [a,b]$
- (f) VF Sia $[a,b] \xrightarrow{f} \mathbb{R}$ una funzione integrabile. Se $\int_a^b f(x) \, dx < 0 \ (a \le b)$ allora f(x) < 0, per ogni $x \in [a,b]$
- (g) $\boxed{\mathbf{V} \mid \mathbf{F}}$ Sia $[a,b] \xrightarrow{f} \mathbb{R}$ una funzione integrabile. Se f(x) > 0 in [a,b] $(a \le b)$ allora $\left| \int_a^b f(x) \, dx \right| = \int_a^b |f(x)| \, dx$
- (h) VF Sia $[a,b] \xrightarrow{f} \mathbb{R}$ una funzione integrabile, pari. Allora $\int_{-a}^{a} f(x) \, dx = 2 \int_{0}^{a} f(x) \, dx$

IIS CREMONA

LICEO SCIENTIFICO STATALE "LUIGI CREMONA" (Milano).

CLASSE: ____ DOCENTE: MAURO SAITA. DATA: _____

TEST SU INTEGRALI DEFINITI E ANTIDERIVATE

Cognome:	Nome:

Svolgere ciascun quesito sul foglio protocollo e riportare le risposte nei box di colore grigio.²

1. Determinare i seguenti integrali indefiniti

(a)
$$\int \sin^2 \omega t \, dt$$

$$\frac{1}{2}t - \frac{1}{4\omega}\sin 2\omega t + c, \quad c \in \mathbb{R}$$

(b)
$$\int \frac{x}{x+2} dx$$

$$|x-2\ln|x+2|+c, \quad c \in \mathbb{R}$$

(c)
$$\int \tan x \, dx$$

$$-\ln|\cos x| + c, \quad c \in \mathbb{R}$$

2. Un circuito di resistenza $R=10~\Omega$ è percorso da corrente alternata di intensità pari a

$$i(t) = i_0 \sin \omega t$$

 $(i_0 = 70 \text{ A}, \, \omega = 320 \, \pi \, \text{rad/s}).$

Calcolare la potenza elettrica dissipata dal circuito per effetto Joule nell'intervallo di tempo compreso tra t=0 e $t=\frac{1}{5}$ s.

[La potenza elettrica dissipata sotto forma di calore in un circuito percorso da corrente i = i(t), è $P(t) = Ri^2$ (R indica la resistenza del circuito)].

 $^{^2}$ File tex: verifica $_01$ derivate $_2025$.tex

Integrale da calcolare: $E=10\cdot 70^2 \int_0^{\frac{1}{5}} \sin^2 \omega t \, dt$

Potenza dissipata nell'intervallo di tempo: $E=4900~\mathrm{J}$

3. Calcolare l'integrale definito $\int_{-2}^{+2} \sqrt{4-x^2} \, dx$ senza utilizzare il teorema fondamentale del calcolo.

$$\int_{-2}^{+2} \sqrt{4 - x^2} \, dx = 2\pi$$

4. L'intensità di corrente che attraversa un filo conduttore è $i(t) = 7e^{-\frac{t}{2}}$ (il tempo t è misurato in secondi, i in Ampere). Calcolare la quantità di carica che attraversa la sezione del filo dall'istante t = 0 s all'istante t = 10 s.

Integrale da calcolare: $\int_0^{10} 7e^{-\frac{t}{2}}\,dt$

Quantità di carica: $14\left(1-\frac{1}{e^5}\right)$ C

5. Determinare l'area delimitata dalla parabola \mathcal{P} di equazione $y=x^2-4x+3$ e dalle tangenti condotte dai suoi punti di intersezione con l'asse x.

Integrale da calcolare: = $2 - \int_{1}^{3} (x^2 - 4x + 3) dx$

Area $=\frac{2}{3}$

6. Vero o Falso?

(a)
$$\sqrt{V}$$
 F
$$\int_1^3 f(x) dx = -\int_3^1 f(x) dx$$

(b)
$$\sqrt{V}$$
 F
$$\int_{2}^{2} \log x \, dx = 0$$

(c) $\boxed{\sqrt{\mathbf{V}} \ \mathbf{F}}$ Sia $\mathbb{R} \xrightarrow{f} \mathbb{R}$ una funzione (integrabile). Allora

$$\int_{-1}^{3} f(x) dx = \int_{-1}^{0} f(x) dx + \int_{0}^{3} f(x) dx$$

(d) $\sqrt[]{V}$ Sia $\mathbb{R} \xrightarrow{f} \mathbb{R}$ una funzione (integrabile) dispari. Allora

$$\int_{-2}^{4} f(x) \, dx = \int_{2}^{4} f(x) \, dx$$

- (e) $V \nearrow F$ Sia $[a, b] \xrightarrow{f} \mathbb{R}$ una funzione integrabile. Se $\int_a^b f(x) dx = 0 \ (a \le b)$ allora f(x) = 0, per ogni $x \in [a, b]$
- (f) $V \nearrow F$ Sia $[a,b] \xrightarrow{f} \mathbb{R}$ una funzione integrabile. Se $\int_a^b f(x) \, dx < 0 \ (a \le b)$ allora f(x) < 0, per ogni $x \in [a,b]$
- (g) $\boxed{\sqrt{\mathbf{V}}\ \mathbf{F}}$ Sia $[a,b] \xrightarrow{f} \mathbb{R}$ una funzione integrabile. Se f(x) > 0 in [a,b] $(a \le b)$ allora $\left| \int_a^b f(x) \, dx \right| = \int_a^b |f(x)| \, dx$
- (h) $\boxed{\sqrt{\mathbf{V} \mid \mathbf{F}}}$ Sia $[a,b] \xrightarrow{f} \mathbb{R}$ una funzione integrabile, pari. Allora $\int_{-a}^{a} f(x) \, dx = 2 \int_{0}^{a} f(x) \, dx$